

При низкочастотной передаче принимаемые сигналы уже имеют форму импульсов. Может возникнуть вопрос, зачем же тогда для восстановления импульсных сигналов нужен демодулятор? Ответ связан с тем, что форма принимаемых импульсов, как правило, отличается от идеальной, когда длительность каждого импульса точно равна длительности одного символа. Фильтрация в передатчике и канале обычно приводит к тому, что принятая последовательность импульсов искажается межсимвольной интерференцией (*intersymbol interference — ISI*) и появляется в виде аморфного “смазанного” сигнала, не совсем готового к дискретизации и детектированию. Задачей демодулятора (принимающего фильтра) является восстановление исходного импульса с максимально возможным отношением сигнал/шум без какой-либо межсимвольной интерференции. Для достижения этого используется метод выравнивания (*equalization*), рассмотренный в данной главе. Стоит отметить, что не для всех типов каналов связи процесс выравнивания является обязательным. Но все же нужно заметить, что выравнивание включает в себя набор специальных методов обработки сигнала, позволяющих компенсировать введенную каналом интерференцию, поэтому этот этап является важным для всех систем.

Полосовая модель процесса детектирования, описанная в главе 4, практически идентична низкочастотной модели, рассмотренной в данной главе. Дело в том, что принятый полосовой сигнал вначале преобразуется в низкочастотный, после чего наступает этап финального детектирования. Для линейных систем математические методы детектирования не зависят от смещения частоты. Фактически *теорему эквивалентности* можно определить следующим образом: выполнение полосовой линейной обработки сигнала с последующим переносом частоты сигнала (превращением полосового сигнала в низкочастотный) дает те же результаты, что и перенос частоты сигнала с последующей низкочастотной линейной обработкой сигнала. Термин “перенос частоты сигнала” (*heterodyning*) обозначает преобразование частоты или процесс *смешивания*, вызывающий смещение спектра сигнала. Как следствие теоремы эквивалентности, любая линейная модель обработки сигналов может использоваться на низкочастотных сигналах (что предпочтительнее с точки зрения простоты) с теми же результатами, что и на полосовых сигналах. Это означает, что производительность большинства цифровых систем связи часто можно описать и проанализировать, считая канал передачи низкочастотным.

## 3.1. Сигналы и шум

### 3.1.1. Рост вероятности ошибки в системах связи

Задача детектора — максимально безошибочно распознать принятый сигнал, насколько это возможно при данном ухудшении качества сигнала в процессе передачи. Существует две причины роста вероятности ошибки. Первая — это последствия фильтрации в передатчике, канале и приемнике, рассмотренные в разделе 3.3. В этом разделе показано, что неидеальная передаточная функция системы приводит к “размыванию” символов, или *межсимвольной интерференции* (*intersymbol interference — ISI*).

Вторая причина роста вероятности ошибки — электрические помехи, порождаемые различными источниками, такими как галактика и атмосфера, импульсные помехи, комбинационные помехи, а также интерференция с сигналами от других источников. (Этот вопрос подробно рассмотрен в главе 5.) При надлежащих мерах предосторожности можно устраниТЬ большую часть помех и уменьшить последствия интерференции.

В то же время существуют помехи, устраниТЬ которые нельзя; это — помехи, вызываемые тепловым движением электронов в любой проводящей среде. Это движение порождает в усилителях и каналах связи *тепловой шум*, который аддитивно накладывается на сигнал. Использование квантовой механики позволило разработать хорошо известную статистику теплового шума [1].

Основная статистическая характеристика теплового шума заключается в том, что его амплитуды распределены по нормальному или гауссову закону распределения, рассмотренному в разделе 1.5.5 (рис. 1.7). На этом рисунке показано, что наиболее вероятные амплитуды шума — амплитуды с небольшими положительными или отрицательными значениями. Теоретически шум может быть бесконечно большим, но на практике очень большие амплитуды шума крайне редки. Основная спектральная характеристика теплового шума в системе связи заключается в том, что его двусторонняя спектральная плотность мощности  $G_n(f) = N_0/2$  является одинаковой для всех частот, представляющих практический интерес. Другими словами, в тепловом шуме в среднем на низкочастотные флюктуации приходится столько же мощности на герц, сколько и на высокочастотные флюктуации — вплоть до частоты порядка  $10^{12}$  герц. Если мощность шума характеризуется постоянной спектральной плотностью мощности, шум называется *белым*. Поскольку тепловой шум присутствует во всех системах связи и для многих систем является доминирующим источником помех, характеристики теплового шума<sup>1</sup> часто используются для моделирования шума при детектировании и проектировании приемников. Всякий раз, когда канал связи определен как канал AWGN (при отсутствии указаний на другие параметры, ухудшающие качество передачи), мы, по сути, говорим, что ухудшение качества сигнала связано исключительно с неустранимым тепловым шумом.

### 3.1.2. Демодуляция и детектирование

В течение данного интервала передачи сигнала,  $T$ , бинарная низкочастотная система передает один из двух возможных сигналов, обозначаемых как  $g_1(t)$  и  $g_2(t)$ . Подобным образом бинарная полосовая система передает один из двух возможных сигналов, обозначаемых как  $s_1(t)$  и  $s_2(t)$ . Поскольку общая трактовка демодуляции и детектирование, по сути, совпадает для низкочастотных и полосовых систем, будем использовать запись  $s_i(t)$  для обозначения передаваемого сигнала, вне зависимости от того, является система низкочастотной или полосовой. Это позволяет совместить многие аспекты демодуляции/детектирования в низкочастотных системах, рассмотренные в данной главе, с соответствующими описаниями для полосовых систем, рассмотренных в главе 4. Итак, для любого канала двоичный сигнал, переданный в течение интервала  $(0, T)$ , представляется следующим образом:

$$s_i(t) = \begin{cases} s_1(t) & 0 \leq t \leq T \text{ для символа 1} \\ s_2(t) & 0 \leq t \leq T \text{ для символа 0} \end{cases}.$$

Принятый сигнал  $r(t)$  искажается вследствие воздействия шума  $n(t)$  и, возможно, неидеальной импульсной характеристики канала  $h_c(t)$  (1.1) и описывается следующей формулой:

$$r(t) = s_i(t) * h_c(t) + n(t). \quad (3.1)$$

---

<sup>1</sup>Эти характеристики (аддитивный, белый, гауссов) определили принятное название шума — AWGN (additive white Gaussian noise).

В нашем случае  $n(t)$  предполагается процессом AWGN с нулевым средним, а знак “\*” обозначает операцию свертки. Для бинарной передачи по идеальному, свободному от искажений каналу, где свертка с функцией  $h_c(t)$  не ухудшает качество сигнала (поскольку для идеального случая  $h_c(t)$  — импульсная функция), вид  $r(t)$  можно упростить:

$$r(t) = s_i(t) + n(t) \quad i = 1, 2, \quad 0 \leq t \leq T. \quad (3.2)$$

Типичные функции демодуляции и детектирования цифрового приемника показаны на рис. 3.1. Некоторые авторы используют термины “демодуляция” и “детектирование” как синонимы. В данной книге делается различие между ними. *Демодуляцию* (demodulation) мы определим как восстановление сигнала (в неискаженный видеопульс), а *детектирование* (detection) — как процесс принятия решения относительно цифрового значения этого сигнала. При *отсутствии* кодов коррекции ошибок на выходе детектора поступают образы символов (или битов) сообщений  $m'$ , (также называемые *жестким решением*). При использовании кодов коррекции ошибок на выходе детектора поступают образы канальных символов (или кодированных битов)  $\hat{u}'$ , имеющие вид *жесткого* или *мягкого решения* (см. раздел 7.3.2). Для краткости термин “детектирование” иногда применяется для обозначения совокупности всех этапов обработки сигнала, выполняемых в приемнике, вплоть до этапа принятия решения. Блок *преобразования с понижением частоты*, показанный на рис. 3.1 в разделе демодуляции, отвечает за трансляцию полосовых сигналов, работающих на определенных радиочастотах. Эта функция может реализовываться различными способами. Она может выполняться на входе приемника, в демодуляторе, распределяться между этими двумя устройствами или вообще не реализовываться.

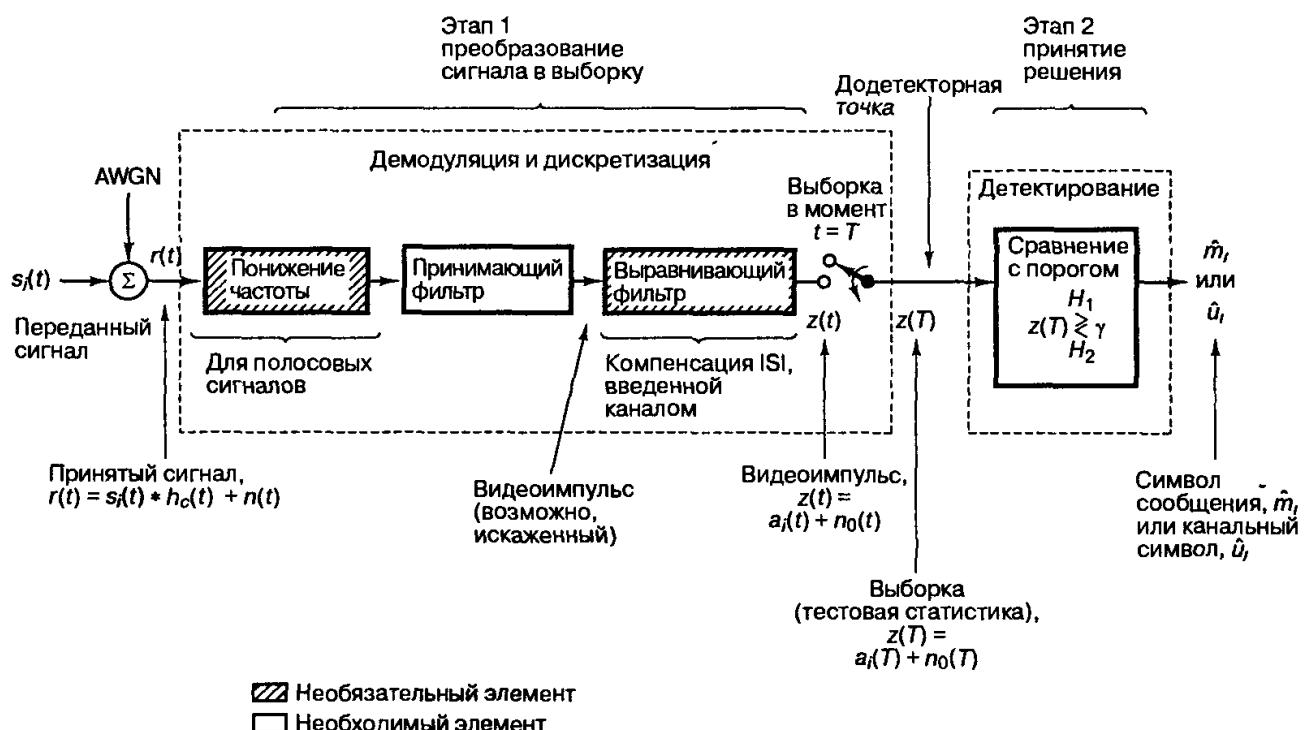


Рис. 3.1. Два основных этапа в процессе демодуляции/детектирования цифровых сигналов

В блоке *демодуляции и дискретизации* (рис. 3.1) изображен *принимающий фильтр* (по сути, демодулятор), выполняющий восстановление сигнала в качестве подготовки к следующему необходимому этапу — детектированию. Фильтрация в передатчике и канале обычно приводит к искажению принятой последовательности импульсов, вызванному межсимвольной интерференцией, а значит, эти импульсы не совсем готовы к дискрети-

зации и детектированию. Задачей принимающего фильтра является восстановление низкочастотного импульса с максимально возможным отношением сигнал/шум и без межсимвольной интерференции. Оптимальный принимающий фильтр, выполняющий такую задачу, называется *согласованным* (matched) фильтром, или *коррелятором* (correlator) и описывается в разделах 3.2.2 и 3.2.3. За принимающим фильтром может находиться *выравнивающий фильтр* (equalizing filter), или эквалайзер (equalizer); он необходим только в тех системах, в которых сигнал может искажаться вследствие межсимвольной интерференции, введенной каналом. Принимающий и выравнивающий фильтры показаны как два отдельных блока, что подчеркивает различие их функций. Впрочем, в большинстве случаев при использовании эквалайзера для выполнения обеих функций (а следовательно, и для компенсации искажения, внесенного передатчиком и каналом) может разрабатываться единый фильтр. Такой составной фильтр иногда называется просто *выравнивающим* или *принимающим и выравнивающим*.

На рис. 3.1 выделены два этапа процесса демодуляции/детектирования. Этап 1, преобразование сигнала в выборку, выполняется демодулятором и следующим за ним устройством дискретизации. В конце каждого интервала передачи символа  $T$  на выход устройства дискретизации, *додетекторную точку*, поступает выборка  $z(T)$ , иногда называемая тестовой статистикой. Значение напряжения выборки  $z(T)$  прямо пропорционально энергии принятого символа и энергии шума. На этапе 2 принимается решение относительно цифрового значения выборки (выполняется детектирование). Предполагается, что шум является случайным гауссовым процессом, а принимающий фильтр демодулятора — линейным. Линейная операция со случайным гауссовым процессом дает другой случайный гауссов процесс [2]. Следовательно, на выходе фильтра шум также является гауссовым. Значит, выход этапа 1 можно описать выражением

$$z(T) = a_i(T) + n_0(T) \quad i = 1, 2, \quad (3.3)$$

где  $a_i(T)$  — желаемый компонент сигнала, а  $n_0(T)$  — шум. Для упрощения записи выражение (3.3) будем иногда представлять в виде  $z = a_i + n_0$ . Шумовой компонент  $n_0$  — это случайная гауссова переменная с нулевым средним, поэтому  $z(T)$  — случайная гауссова переменная со средним  $a_1$  или  $a_2$ , в зависимости от того, передавался двоичный нуль или двоичная единица. Как описывалось в разделе 1.5.5, плотность вероятности случайногогауссовошума  $n_0$  можно выразить как

$$p(n_0) = \frac{1}{\sigma_0 \sqrt{2\pi}} \exp \left[ -\frac{1}{2} \left( \frac{n_0}{\sigma_0} \right)^2 \right], \quad (3.4)$$

где  $\sigma_0^2$  — дисперсия шума. Используя выражения (3.3) и (3.4), можно выразить плотности условных вероятностей  $p(z|s_1)$  и  $p(z|s_2)$ :

$$p(z|s_1) = \frac{1}{\sigma_0 \sqrt{2\pi}} \exp \left[ -\frac{1}{2} \left( \frac{z - a_1}{\sigma_0} \right)^2 \right] \quad (3.5)$$

и

$$p(z|s_2) = \frac{1}{\sigma_0 \sqrt{2\pi}} \exp \left[ -\frac{1}{2} \left( \frac{z - a_2}{\sigma_0} \right)^2 \right]. \quad (3.6)$$

Эти плотности условных вероятностей показаны на рис. 3.2. Плотность  $p(z|s_1)$ , изображенная справа, называется *правдоподобием*  $s_1$  и показывает плотность вероятности случайной переменной  $z(T)$  при условии передачи символа  $s_1$ . Подобным образом функция  $p(z|s_2)$  (слева) является *правдоподобием*  $s_2$  и показывает плотность вероятности  $z(T)$  при условии передачи символа  $s_2$ . Ось абсцисс,  $z(T)$ , представляет полный диапазон возможных значений выборки, взятой в течение этапа 1, изображенного на рис. 3.1.

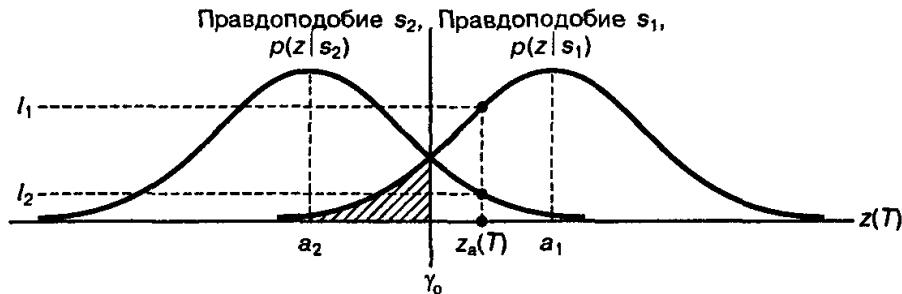


Рис. 3.2. Плотности условных вероятностей:  $p(z|s_1)$  и  $p(z|s_2)$

После того как принятый сигнал преобразован в выборку, действительная форма сигнала уже не имеет значения; сигналы всех типов, преобразованные в одинаковое значение  $z(T)$ , идентичны для схемы детектирования. Далее будет показано, что оптимальный принимающий фильтр (согласованный фильтр) на этапе 1 (рис. 3.1) отображает все сигналы с равными энергиями в одну и ту же точку  $z(T)$ . Следовательно, важным параметром процесса детектирования является *энергия* (а не форма) принятого сигнала, именно поэтому анализ детектирования для видеосигналов не отличается от анализа для полосовых сигналов. Поскольку  $z(T)$  является сигналом напряжения, пропорциональным энергии принятого символа, то чем больше амплитуда  $z(T)$ , тем более достоверным будет процесс принятия решения относительно цифрового значения сигнала. На этапе 2 детектирование выполняется посредством выбора гипотезы, являющейся следствием порогового измерения

$$\begin{aligned} H_1 \\ z(T) \geq \gamma, \\ H_2 \end{aligned} \quad (3.7)$$

где  $H_1$  и  $H_2$  — две возможные (бинарные) гипотезы. Приведенная запись указывает, что гипотеза  $H_1$  выбирается при  $z(T) > \gamma$ , а  $H_2$  — при  $z(T) < \gamma$ . Если  $z(T) = \gamma$ , решение может быть любым. Выбор  $H_1$  равносителен тому, что передан был сигнал  $s_1(t)$ , а значит, результатом детектирования является двоичная единица. Подобным образом выбор  $H_2$  равносителен передаче сигнала  $s_2(t)$ , а значит, результатом детектирования является двоичный нуль.

### 3.1.3. Векторное представление сигналов и шума

Рассмотрим геометрическое или векторное представление, приемлемое как для низкочастотных, так и полосовых сигналов. Определим  $N$ -мерное *ортогональное пространство* как пространство, определяемое набором  $N$  линейно независимых функций  $\{\phi_j(t)\}$ , именуемых *базисными*. Любая функция этого пространства может выражаться через линейную комбинацию этих базисных функций, которые должны удовлетворять условию